MPSO A3: Mathe-Stoff von drei Jahren Oberstufe / Planarbeit

Löse folgende Aufgaben absolut selbständig ins Mathe-Heft. Lass die Arbeit immer dann kontrollieren, wenn du mindestens drei Aufgaben gelöst hast. Bevor du die nächste Aufgabe in Angriff nimmst, korrigierst du alle bisherigen Aufgaben, die nicht auf Anhieb richtig waren. Denke daran: Zur richtigen Lösung zählt nicht nur das Ergebnis, sondern auch der mathematisch einwandfreie Weg dazu! Zeige, was du alles kannst!

	Aufgabe			Sachgebiet / Lösungsstrategie
1	200 cm = ? km	122,55 dm = ? km	6,85 l = ?hl	Arbeit mit Grössen
	320 mg = ? kg	$\frac{3}{8} dm = ? m$	$\frac{3}{10}$ cl = ? l	Vorsätze zu den Massein- heiten
	$750'000 \mu m = ? m$ 0,35 kW = = ? W	900'000 μ I = ? I 1,2 * 10 * nm = ? cm	150 mg = ? g 625'000 g = ? t	
2	Wieviele sichtbare Quadrate besteht? Wieviel Farbe muss eingeka zu streichen, wenn für 20 m	hat eine Mauer, die aus 27 de s=40 c	er folgenden Bauelemente em entem en	Rechnen mit Variabeln x-beliebig Funktionen
3		und ein Punkt P ausserhalb vo	on s (P ∉ s). Konstruiere nur m	nit Grundkonstruktionen
	Hilfe des Zirkels und des Ma	assstabs eine Senkrechte h du	rch P (s ⊥ h / P ∈ h)!	
4	Schlage einen Kreisbogen u Konstruiere jetzt den Mittelp	m irgend einen frei gewählten unkt des Kreises!	Punkt! Schliesse dann den Z	irkel! Grundkonstruktionen
5		ts des Gleichheitszeichens lieg Boxen gleicher Färbung liegen		Knack die Box Arbeit mit Variabeln "Gleichungssysteme"
6		$c = 9.5 \text{ cm}, h_c = 4.0 \text{ cm} \text{ und } c$		
7	Wirklichkeit, wenn die Höhe	die Wanderstrecke 23 cm. Wie nunterschiede nicht berücksich n zurück. Wie lange wäre er ur	ntigt werden? Ein Wanderer le	
8	soll 3m x 4m messen. Wie h Mauer empor ragen sollen? Wenn ich in das Reservoir 3	s Reservoir bauen. 50'000 Lite och muss es werden, wenn ül 0 g tödliches Gift beimische u er? Wieviele % oder ‰ Gift er	per dem Wasserstand noch 30 nd gut umrühre, wie viel Gift	
9	Juhui – bald sind Ferien! Fü Rechne!	r meine Reise brauche ich dar		Währungen
10	Wieviel Grad messen alle In Innenwinkel?	nenwinkel eines 9-Ecks zusar	nmen? Wie gross ist ein einzi	ger Winkel im Dreieck Heuristik
11	müsste ich fahren, wenn ich	km/h fahre, benötige ich etwa eine halbe Stunde einsparen	möchte?	
12	$1,4 * 10^3 + 0,048 * 10^8 + 43$	orüfe anschliessend mit dem T 8,9 * 10^5 + 0,00002342 * 10^{12}	$+ 0,1231238 * 10^6 =$	Zehnerpotenzen
13		mit $\rho = 120^{\circ}$		
14		ber Notizen machen, um Vereinfa	chungen der Aufgaben aufzuzeig $\sqrt{75} = \sqrt{960} =$	en! Wurzeln, Kopfrechnen Zerlegen, Teilbarkeit der Zahlen
15	Vereinfache folgende Terme! $x^3 * x = y$ $y^5 : y = x$ $3^2 * 2^2 = 4$	$^{2} * y^{5} = $ $^{7} : x^{5} = $ $^{3} : 3^{3} = $	$3^{2} - 2^{2} =$ $4^{3} - 3^{3} =$ $3^{4} : 3^{2} =$	Potenzen, Potenzgesetze
16	$2^7: 2^3* \left(\sqrt{3^2}\right)^2: 3^0: 3^*$		ohne TR arbeiten!!!	Potenzen und Wurzeln
17	(x + y)(x + y + z) (x + y + z)(x + y + z) = 2a(a + b) + (a + b)(a + b) +	$2a^2 + 3b^2 - 3ab =$		Produkte von Summen Distributivgesetze
18	Kurt arbeitet in den Ferien. I	Für 6 h Arbeit bekommt er nac ommen. Wieviel darf er für 8,5		Relationen, Proportionalität
19	Das Grundstück soll gegen	die Strasse hin mit einem Lättl venötigen Meiers 235 Lättli. W	izaun abgehagt werden. Wen	

20	Der Umfang eines Rechtecks misst 36,8 m. Die Breite misst $\frac{3}{5}$ der Rechteckslänge.	Wort – Bild – Term
21	Berechne die Fläche! Grossmutter, Mutter und Tochter sind zusammen 110 Jahre alt. Die Mutter ist dreimal so alt	Gleichung Wort – Bild – Term
	wie die Tochter. Die Grossmutter ist sechsmal so alt wie die Tochter.	Gleichung
22	Von einem Quader kenne ich zwei Dimensionen (Ausdehnungen) und das Volumen. Berechne die fehlenden Teile und die Oberfläche!	Prismen V und S
	$x = 6 \text{ cm}$; $y = 8 \text{ cm}$; $V = 576 \text{ cm}^3$	v una o
23	Verwandle folgende Summen oder Differenzen in Brodukte (Ausklammern)	Rechnen mit Variabeln
	$21x^{2} - 28x^{2} + 14x =$ $27c^{2} + 63c^{2} - 54d =$ $36a^{6}b^{4} + 144a^{5}b^{4} - 216a^{4}b^{3} =$ $5x^{8}y^{2} - 3x^{5}y^{3} - 2x^{5}y^{3}z^{2} =$	Distributivgesetze Potenzgesetze
24	Verwarder organizer Summer oder Differenzen in Produkte (Adskaliment): $21x^6 - 28x^5 + 14x^4 = 27c^3 + 63c^2 - 54d^2 = 36a^6b^4 + 144a^5b^4 - 216a^4b^3 = 5x^8y^2 - 3x^5y^3 - 2x^5y^3z^2 = 3a - (4b - 5a) + 6b - 3 = 3x^2 + 5x - x^2 - x = 2x - 12y - 8x + 10y + 9x = 5a^2(3a - 4) = (12m^4 - 39m^3) : 3m^2 = 3x^2 + 5x - x^2 - x = 5x^2 + 5x - x^2 - x = 3x^2 + 5x - x^2 - x = 3x^2$	Rechnen mit Variabeln
25	$5a^{-}(3a - 4) = (12m^{-} - 39m^{\circ}) : 3m^{-} = 3x^{-} + 5x - x^{-} - x =$ Schreibe als Zahl:	Umformen, Distributivgesetz Grosse Zahlen
	Fünfundfünfzig Billiarden drei Millionen und vierhundertzwanzig Tausend =	"Wieviel ist viel?"
	Zweihundertsiebenundachtzig Milliarden und dreihundertzweiundvierzig = Zwölf Trilliarden zweiundzwanzig Trillionen siebenhundertfünf Millionen =	
	Und umgekehrt! Schreibe auch als Zehnerpotenz!	
	1 Milliarde * 10'000 = 22 Millionen * Tausend =	
	Hundert * 1 Million * 5,3 =	
26	Drücke in Prozenten, Dezimalzahlen und Brüchen aus!	Brüche, Prozente
	$\frac{1}{5}$ = ? = ? 0, 33 = ? = ? 12,5% = ? = ?	
27	Führe folgende Operationen aus und gib die Ergebnisse in gekürzter Form an!	Grundoperationen in Q
	$1\frac{1}{2} + \frac{3}{8}$ $\frac{7}{3} - 1\frac{1}{4}$ $\frac{7}{3} * 1\frac{1}{4}$ $\frac{7}{3} : 1\frac{1}{4}$	
	$25\%*0,2*\frac{2}{3}$ $0,25+\frac{3}{4}-\frac{1}{3}$ $\frac{5}{6}:0,3*\frac{1}{4}$	
28	(-22) + (-8) - (+5) - (-11) + 5((-2) + 3) + ((-5) + 3) 2 =	Assoziativgesetze, neg. Zahl Flächen: Trapez
29	Von einem Trapez kenne ich folgende Messungen: a= 17 cm; b= 0,64 dm; c = 1,1 dm; d = 55mm; h _c = 48 mm, e= 1,45 dm, f=160mm. Berechne den Inhalt und den Umfang!	Flactien. Trapez
30	Addiere ohne Taschenrechner:	Zehnerpotenzen
31	0,24 * 10 ³ + 0,08 * 10 ⁸ + 415,9 * 10 ⁵ + 0,00002342 * 10 ¹⁰ + 0,125 22 * 10 ⁶ = Binome: Ausmultiplizieren oder Faktorisieren!	Binome
	$(2a - 3b)^2 = (3m^3n^2 + 5m^2n^3)^2 = (\frac{1}{2}p - q)^2 =$	
	$4x^{2} + 24xy + 36y^{2} = \frac{a^{2}}{4} - \frac{ac}{5} + \frac{c^{2}}{25} = \frac{25}{81}m^{6} - \frac{n^{10}}{16} =$	
32	4 5 25 81 16 Von einem Geschäft sind folgende Angaben bekannt: Selbstkosten ^= Fr. 720;	Gewinn und Verlust
	Verkaufspreis Fr. 878.40; Rabatt 5%, Skonto: 30 Tage 1,5%. Berechne den Brutto- und den	Rabatt und Skonto
33	effektiven Gewinn nach Abzug von Rabatt und Skonto in Franken und Prozenten! Wieviel Zins bringt ein Kapital von Fr. 3'500 bei 1,25 % im Verlaufe von 5 Monaten?	Marchzins
34	Wieviele Tage liegen zwischen dem 3. März 2005 und dem 12. Januar 2006	Laufzeit für die Berechnung
35	a) nach Bankusanz b) in Wirklichkeit? Wieviel Zins bringt ein Kapital von Fr. 4500 bei 2 ¼ % im Zeitraum vom 1. Jan. 06 bis	von Marchzinsen Marchzins
	25. Oktober 06?	
36 37	Bei 2 ½ % erhalte ich in einem Jahr Fr. 135.80 Zins. Berechne das Kapital! Berechne die Fläche des gleichseitigen Dreiecks mit einem Umfang von 24 cm!	Jahreszins Pythagoras, Dreiecksfläche
38		Doppelbrüche
	$\left(\frac{5}{6}\right)^{3}: \left(\frac{10}{3}\right)^{2} = \frac{\frac{4}{5} * \frac{51}{4}}{\frac{17}{2} * \frac{60}{34}} = \frac{18\frac{1}{4} - 5\frac{3}{5}}{2 * \left(\frac{5}{3} - \frac{4}{7}\right)} * \frac{5}{21} =$	
	$\begin{pmatrix} 6 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} 3 \end{pmatrix} = \frac{3}{17} \cdot \frac{4}{60} = \frac{3}{4} \cdot \frac{5}{31} = \frac{3}{4} \cdot \frac$	
	$\frac{17}{2} * \frac{66}{34}$ $2*(\frac{5}{3} - \frac{4}{7})$ 21	
39	$7-a \qquad 32c+32d \qquad 7p 3p+5$	Gleichnennerig machen
	$\frac{7-a}{21a-3a^2} \qquad \frac{32c+32a}{96c-96d} \qquad \frac{7p}{8} - \frac{3p+3}{14}$	Faktorisieren und kürzen
40		Algebraische Terme
40	$u = \frac{3}{2}\pi + \frac{1}{3}\pi - 0.5\pi \qquad A = s^2\pi - \frac{3}{4}s^2\pi \qquad \frac{xy + yz}{y} =$	vereinfachen
	2 3 y	-
41	Entwickle je eine elegante Formel für die Oberfläche und das Volumen!	Zusammengesetzte Körper Algebraische Terme,
	Führe keine weiteren Variabeln ein, als die gegebenen!	Gleichungen formulieren
	Masszahlen sind ebenfalls nicht erlaubt! Messen nützt also nichts!	
	\ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \	
	2r 2r	
42	Adhäsionsbahnen funktionieren nur, wenn die Steigung höchstens 4 % beträgt. Wie lange	Steigung und Gefälle Geradengleichung
	muss das Gleis geplant werden, um eine Höhe von 240 m überwinden zu können?	2 5 radorigioloriding

44	Die Kreisfläche misst 181,46 m². Berechne den Umfang! Von folgender Figur weisst du: A = 19,24 cm², r = 7 cm	14 1 14
		Kreissektor
	Berechne den Zentriwinkel!	
	Von einem Sektor kennst du den Radius und die Bogenlänge. Berechne daraus den Sektorwinkel, den Umfang und die Fläche!	Kreissektor
46		Kornfelder Kreis und Kreisteile
	Berechne den Umfang und die Fläche dieses Sterns!	
	Vereinfache zuerst folgende Rechenaufträge und rechne erst dann! (-12) + (-3) - (+8) = 31 + (-12) - (+41) = (+35) + (+12) - (-55) =	Negative Zahlen Vorzeichenregeln
48	Schreibe als natürliche Zahl oder als Dezimalbruch und als Bruch: $10^5 = 10^{-5} = 10^0 = 10^{-3} = 10^{-3}$ Schreibe als Zehnerpotenz:	Potenzen Zehnerpotenzen
	$10000 = 0,001 = \frac{1}{1000000} = 0,000001 =$ Schreibe die Ergebnisse als Zehnerpotenz!	
49	$1000 * 10^3 = 0,0001 * 0,001 = 100000 : 10^2 = 100 : 10^6 =$ Ein Kapital von Fr. 120'380 ist nach einem Jahr auf Fr. 122486.55 angewachsen. Berechne den Zinsfuss und den Zins!	Jahreszins
50	Bei der Chips-Herstellung für PC's fallen rund 12 % Schrott an, d.h., dass ein grosser Teil nicht funktioniert und in den Müll wandern. Intel stellt im Monat rund 3'450'000 Chips her. Wie viele können auf den Markt gebracht werden? Wie gross ist der Gesamtverlust bei einem Stückpreis von Fr. 257 (Einkaufspreis für Grosshändler)?	Prozentrechnen Gewinn und Verlust
	Berechne 53 % von 810 %o!	Prozent, Promille
52	Von einer Raute sind folgende Masse bekannt: Länge der kürzeren Diagonale: 9,0 cm und Fläche der Raute: 54,00 cm ² . Berechne den Umfang!	Pythagoras
53	Berechne die grau eingefärbte Schnittfläche! Seite des Würfels → s = 10 cm (rein algebraischer Weg und "rechnerischer" Weg!)	Pythagoras im Würfel
54	Neticonally Conductorials and an Association Profit and Transfer and Association	Over defense des Mant
55	Notiere alle Quadratzahlen zwischen 1 und 400 ohne Benützung des Taschenrechners! Die Strassenbauarbeit wurde für eine Equipe von 18 Arbeitern auf 19 Arbeitstage ausgelegt. Nach 3 Tagen erkrankten leider 3 Mitarbeiter. Um welche Zeit verzögert sich die Arbeit? Wie lange dauern die Bauarbeiten jetzt insgesamt?	Quadrieren im Kopf Relationen Proportionalität
56	Zweifünftel einer Zahl ist um 22 kleiner, als das Dreifache dieser Zahl abzüglich der Differenz von 173 und der gesuchten Zahl. Wie heisst sie?	Gleichung
57	$4a + 3b - 8b + 3ab - a + 5 = (-1){8a - [(3a - 2b)(-4) - (4a - 2b) - 4] 2} =$	Algebraische Aufträge
	Berechne das Volumen und die Oberfläche eines gleichseitigen (regelmässigen) Dreieckprismas mit der Seitenlänge s = 8 cm und der Körperhöhe h = 15 cm. Wieviel Wasser hätte darin Platz, wenn die Wanddicke des Gefässes unberücksichtigt bleibt?	Dreiecksprisma
59	Von einem spitzwinkligen Dreieck kenne ich folgende Teile: Berechne die fehlende Seite b, die Höhe h _c , den Umfang und die Fläche des Dreiecks!	Pythagoras
	$A \underbrace{\qquad \qquad \qquad }_{W} B$	
60	c = 10 cm Vereinfache folgende Wurzelterme, ohne mit Schätzungen zu arbeiten! (ohne TR!)	Wurzelterme
	$\sqrt{10*3^2 - 2*6^2} = \sqrt{60^2 + 80^2} = \sqrt{50} + \sqrt{18} = \sqrt{50}$	Umformen und im Kopf berechnen!
	$\sqrt{2^5 + 2^3} = \sqrt{50} * \sqrt{18} * \sqrt{128} = \sqrt{\frac{90a}{7x^3}} : \sqrt{\frac{14ax}{5}} =$	
	Fr. 4800 wurden am 3. Februar 05 zu 1,75 % angelegt. Am 23. Dezember 05 wird das Geld wieder von der Bank abgehoben. Wieviel Zins ist zu erwarten?	Marchzins
62	Hans legt sein Erspartes bei der Raiffeisen an. Er erhält 1,75%. Am Ende ist sein Erspartes auf Fr. 3561.25 angewachsen. Wie gross war sein Erspartes zu Beginn des Jahres?	Marchzins

63	Eine Brosche aus Rotgold wiegt 33 g. Sie ist mit 15 ct. angeschrieben. Wieviel Kupfer enthält sie? Berechne ausserdem ihren Feingehalt und gib den Goldgehalt auch in Prozenten und Promillen an!	Feingehalt, Prozent und Promille
64	Berechne den Winkel α ! $\alpha = ?$	Winkel an 2 und 3 Geraden Winkelbeziehungen Winkelsumme im Dreieck
65	$\frac{3}{5}x - \frac{1}{8} = 1 \qquad (x-5)^2 + 3x - 13 = (x-3)(x+2)$	Gleichungen
66	Zerlege soweit wie möglich in Faktoren! 121 a^4 - 176 a^2b^3 + 64 b^6 = $x^2 - x - 30$ =	Faktorisieren Binome
67	$\frac{121 \text{ a}^4 - 176 \text{ a}^2 \text{b}^3 + 64 \text{ b}^6}{\sqrt{90x}} = \frac{x^2 - x - 30}{\sqrt{7z^3}} = \sqrt{\sqrt{0,0016} x^4 y^8} = (\sqrt{5x} + \sqrt{3y})(\sqrt{5x} - \sqrt{3y}) =$	Wurzelterme
68	Schreibe folgende Terme als Produkte mit möglichst vielen Faktoren:	Faktorisieren Binome
	a) $x^2 - 4x + 3$ b) $y^2 - 11y - 12$ c) $f^2 - 2f - 48$ d) $3 a^2 + 15a - 72$	Billomo
69	Kürze die Bruchterme: $\frac{x^2 - 2x - 24}{x^2 - 10x + 24} = \frac{(a-1)^2}{(a^2 - 1)(a-1)} = \frac{(x+y)^2(x-y)^2}{(x^2 - y^2)^2} =$	Faktorisieren Bruchterme Binome
70	Stelle Summen und Differenzen als Produkte dar (Klammern setzen, faktorisieren, multiplizieren) und umgekehrt! $55a - 55 = 11(a - 5) = 42b : 6 + 36 : 6 = (2b - x + 5) 4 =$	Klammerregeln Distributivgesetze
71	55 + 275x= 6a - b*6 = 12 + 12*a = 14a - 7a - a = Eine Strecke kann im rechtwinkligen Koordinatennetz mit folgenden Koordinatenpunkten beschrieben werden: A(4/2); B(10/4). Mache dazu eine Skizze! Berechne die Länge der Strecke in Einheiten! Berechne die Steigung der Strecke! (1 Einheit entspricht einer Häuschenlänge im Heft!)	Steigung und Gefälle Pythagoras
72	Fliessen 80 I pro Minute Wasser in ein Reservoir, wird dieses innert 2 h 10 min gefüllt. Dem Reservoir kann das Wasser einer zweiten Quelle mit 60 I/m zugeleitet werden. Wie lange dauert der Füllvorgang jetzt?	Relationen Proportionalität
73	Die Körperdiagonale eines Würfels misst 20 cm. Berechne das Volumen und die Oberfläche!	Pythagoras, Würfel
74	Die Basis eines gleichschenkligen Dreiecks ist 6 cm kürzer als die beiden Schenkel zusammen. Aus einem Draht von 63 cm Länge könnte das Dreieck nachgebildet werden. Berechne die Höhe des Dreiecks!	Pythagoras Gleichungen
75	Nach Abzug von 30 % Rabatt beträgt der Nettopreis noch Fr. 343 Berechne den Bruttopreis und die Barzahlung nach Abzug von 2 % Skonto!	Rabatt, Skonto
76	In der 25'000er Karte misst die Wanderstrecke 13 cm. Wie lange ist die Wanderstrecke in Wirklichkeit, wenn die Steigung durchschnittlich 30% beträgt?	Kartenmassstab Steigung und Gefälle
77	Entwickle für folgende Zinne eine passende Gleichung: a) sichtbare Quadrate b) unsichtbare Quadrate	Rechnen mit Variabeln x-beliebig Funktionen
78	Erstelle für diese Gleichung eine Wertetabelle und zeichne dann den Graph ins Koordinatensystem! (Heft!) Zeichne ebenso das Steigungsdreieck ein und zeige, wo sich der y-Achsenabschnitt ablesen lässt! Berechne y für $x = 28$ und überprüfe auch, ob das geordnete Zahlenpaar ($46 / 24$) auf dem Graph liegt!	Lineare Funktion Geradengleichung Steigungsdreieck y-Achsenabschnitt
79	Im dreidimensionalen Koordinatensystem kennst du folgende beiden Punkte: (12 / 28 / 31) und (52 / 12 / 9) Berechne die Distanz zwischen diesen beiden Punkten! Eine Skizze wäre eine gute Hilfe!	3-dimensionales Koordinatensystem Pythagoras
80	Löse folgende Gleichungen:	Gleichungen
81	Faktorisiere: $a^2 - ab - 12b^2 = 12x^2 + 4xy - y^2 = 225 x^4 - 196 y^6 =$	Summen faktorisieren
82	Entwickle für nebenstehenden Körper geeignete Volumen- und Oberflächenformeln! Berechne das Volumen und die Oberfläche für r = 20 cm Wie weit liegen die Punkte A und B auseinander? Wie viele Liter Wasser hätten in einem Hohlkörper dieser Art Platz, wenn er nur zu 90 % gefüllt würde?	Hohlzylinderteile Terme entwickeln Zusammenhang zwischen Volumen- und Hohlmass
83	$3\sqrt{3} + 2\sqrt{3} - \sqrt{48} = \sqrt{2 - \sqrt{3}} * \sqrt{2 + \sqrt{3}} = \left(\sqrt{5 + 3\sqrt{2}} - \sqrt{5 - 3\sqrt{2}}\right)^2 =$	Wurzelterme vereinfachen (ohne TR!)

